

BSMAT - S201

B.Sc. DEGREE EXAMINATION, MARCH/APRIL - 2019

SECOND SEMESTER (CBCS Pattern)

MATHEMATICS - I (Paper - I)

Analytical Solid Geometry (3D)

(w.e.f. 2015-2016 Admitted batch)

Time : 3 Hours

Max. Marks : 75

SECTION - A (5 × 10 = 50)

Answer All the questions.

1. a) Find the image of the line $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$ in the plane $2x + y + z = 6$.

$2x + y + z = 6$ తలంట్ $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$ ప్రతిబింబాన్ని కనుక్కోండి

OR

- b) Find the length and equations to the line of shortest

distance between the lines $\frac{x}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}$;

$5x - 2y - 3z + 6 = 0 = x - 3y + 2z - 3$.

BSMAT - S201

$$\frac{x}{4} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}; 5x - 2y - 3z + 6 = 0 = x - 3y + 2z - 3$$

రేఖకు సమీకరణము కనుక్కోండి.

2. a) Find the equation of the sphere which touches the plane $3x + 2y - z + 2 = 0$ at $(1, -2, 1)$ and cuts orthogonally the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6y + 4 = 0$.

$x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6y + 4 = 0$ గోళాన్ని లంబంగా ఖండిస్తూ $(1, -2, 1)$ వద్ద $3x + 2y - z + 2 = 0$ తలాన్ని స్పృశించే గోళం సమీకరణం కనుక్కోండి.

OR

- b) Find the image of the line $\frac{x-1}{9} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-3}$ in the plane $3x - 3y + 10z - 26 = 0$.

$3x - 3y + 10z - 26 = 0$ తలములో $\frac{x-1}{9} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{-3}$ రేఖ యొక్క ప్రతిబింబమును కనుక్కోండి.

BSMAT - S201

3. a) Prove that the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$;

$\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ are coplanar. Also find their point of intersection and the plane containing the lines.

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}, \frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$$

రేఖలు సతలీయాలని చూపండి. ఇంకా వాని వ్యతిరేక బిందువు కనుక్కోండి. మరియు వాటి గుండా పోయే తలము కనుక్కోండి.

OR

b) Find the S.D between the lines $\frac{x-3}{3} = \frac{y-8}{-1} = \frac{z-3}{1}$;

$\frac{x+3}{-3} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-6}{4}$. Find also the equations and the points in which the S.D meets the given lines.

$$\frac{x-3}{3} = \frac{y-8}{-1} = \frac{z-3}{1}, \frac{x+3}{-3} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-6}{4} \text{ అను రేఖల}$$

మధ్య అల్పతమ దూరాన్ని కనుక్కోండి. ఇంకా అల్పతమ రేఖ సమీకరణములు మరియు ఈ రేఖ ఇచ్చిన రేఖను ఖండించు బిందువులను కనుక్కోండి.

BSMAT - S201

4. a) A sphere of constant radius r passes through the origin O and cuts the axes in A, B, C . Prove that the foot of the perpendicular from O to the plane $\overline{ABC}$ lies on $(x^2 + y^2 + z^2)(x^{-2} + y^{-2} + z^{-2}) = 4r^2$.

r స్థిర వ్యాసార్థంగా గల గోళము O మూలబిందువు గుండా పోతూ నిరూపకాక్షాలను A, B, C ల వద్ద ఖండిస్తున్నది. O నుంచి $\overline{ABC}$ తలానికి లంబపాదము $(x^2 + y^2 + z^2)(x^{-2} + y^{-2} + z^{-2}) = 4r^2$ పై ఉంటుంది అని చూపండి.

OR

- b) Show that the four points $(-8, 5, 2), (-5, 2, 2), (-7, 6, 6), (-4, 3, 6)$ are concyclic.

$(-8, 5, 2), (-5, 2, 2), (-7, 6, 6), (-4, 3, 6)$ అనే నాలుగు బిందువులు చక్రీయాలు అని చూపండి.

5. a) Find the angle between the lines of intersection of the plane $x - 3y + z = 0$ and the cone $x^2 - 5y^2 + z^2 = 0$.

$x^2 - 5y^2 + z^2 = 0$ అను శంఖువును మరియు $x - 3y + z = 0$ అను తలము ఖండన రేఖాయుగ్మ మధ్య కోణము కనుక్కోండి.

BSMAT - S201

OR

- b) Find the equation of the enveloping cylinder of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 1 = 0$ having its generators parallel to the line $x = y = z$.

జనక రేఖలు $x = y = z$ అను రేఖకు సమాంతరంగా ఉంటూ,

$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 1 = 0$ అను గోళమునకు స్పర్శ స్తూపక సమీకరణము కనుక్కోండి.

SECTION - B

(5 × 5 = 25)

Answer any **Five** of the following questions.

6. Show that the line joining the points $(6, -4, 4)$, $(0, 0, -4)$ intersects the line joining the points $(-1, -2, -3)$, $(1, 2, -5)$.

$(6, -4, 4)$, $(0, 0, -4)$ బిందువులను కలుపు రేఖ $(-1, -2, -3)$, $(1, 2, -5)$ బిందువులను కలుపు రేఖను ఖండించునని చూపుము.

7. Find the image of the point $(2, -1, 3)$ in the plane $3x - 2y + z = 9$.

$3x - 2y + z = 9$ అను తలంలో $(2, -1, 3)$ బిందువు యొక్క నీడను కనుక్కోండి.

BSMAT - S201

8. Show that the line $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+5}{5}$ lies in the plane $x + 2y - z = 0$.

$\frac{x+1}{-1} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+5}{5}$ అనే రేఖ $x + 2y - z = 0$ అనే తలంలో ఉన్నదని చూపండి

9. Find the equations of the straight line passing through the point $(1, 0, -1)$ and intersecting the lines $4x - y - 13 = 0 = 3y - 4z - 1$; $y - 2z + 2 = 0 = x - 5$.

$(1, 0, -1)$ బిందువు గుండా పోతూ $4x - y - 13 = 0 = 3y - 4z - 1$; $y - 2z + 2 = 0 = x - 5$ రేఖలను ఖండించే రేఖ సమీకరణములను కనుక్కోండి.

10. Find the length of the perpendicular from the point $(1, 2, 3)$ to the line through the point $(6, 7, 7)$ whose d.r's are $(3, 2, -2)$.

$(1, 2, 3)$ బిందువు నుండి $(6, 7, 7)$ బిందువు గుండా పోతూ $(3, 2, -2)$ దిక్ సంఖ్యలు గల్గిన రేఖకు గీచిన లంబము పొడవు కనుక్కోండి.

11. Prove that if the angle between the lines of intersection to the plane $x + y + z = 0$ and the cone $ayz + bzx + cxy = 0$ is $\frac{\pi}{2}$ then $a + b + c = 0$.

BSMAT - S201

$x + y + z = 0$ అను తలము $ayz + bzx + cxy = 0$ అను శంఖువును

ఖండించే రేఖాయుగ్మమధ్యకోణము $\frac{\pi}{2}$ అయితే $a + b + c = 0$ అని నిరూపించండి.

12. Prove that the equation $\sqrt{fx} \pm \sqrt{gy} \pm \sqrt{hz} = 0$ represents a cone that touches the coordinate planes and find its reciprocal cone.

$\sqrt{fx} \pm \sqrt{gy} \pm \sqrt{hz} = 0$ సూచించే శంఖువు నిరూపకతలాలను స్పర్శిస్తుందని చూపి దీని విలోమ శంఖు సమీకరణము కనుక్కోండి.

13. Find the equation of the right circular cylinder whose axis is $\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{3}$ and which passes through $(0, 0, 3)$.

$(0, 0, 3)$ బిందువు గుండా పోతూ $\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{3}$ రేఖ అక్షంగా గల లంబవర్తుల

స్థాపక సమీకరణము కనుక్కోండి.



BSMAT - S202

B.Sc. DEGREE EXAMINATION, MARCH/APRIL - 2019

SECOND SEMESTER (CBCS Pattern)

MATHEMATICS

Solid Geometry (Paper - II)

(w.e.f. 2016-17 Admitted Batch)

Time : 3 Hours

Max. Marks : 75

SECTION - A

(5 × 5 = 25)

I. Answer any **Five** of the following.

1. Find the locus of the point whose distance from the origin is three times its distance from the plane $2x - y + 2z = 3$.

ఒక బిందువుకు మూలబిందువు నుండి ఉన్న దూరము ఆ బిందువు నుంచి $2x - y + 2z = 3$ తలమునకు ఉన్న దూరమునకు మూడు రెట్లయిన ఆ బిందువును కనుక్కోండి.

2. Prove that the lines

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}; \frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5} \text{ are Coplanar}$$

and find the equation to the plane containing the lines.

BSMAT - S202

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}; \frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$$

రేఖలు సతలీయాలని చూపండి మరియు వాటి గుండా తలము కనుక్కోండి.

3. Find the image of the points $(1, -1, 5)$ in the plane $3x - 2y - 4z - 14 = 0$.

$(1, -1, 5)$ బిందువు యొక్క ప్రతిబింబాన్ని $3x - 2y - 4z - 14 = 0$ అనే తలంలో కనుక్కోండి.

4. Prove that $2x^2 - 6y^2 - 12z^2 + 18yz + 2zx + xy = 0$ represents a pair of planes. Find the angle between them.

$2x^2 - 6y^2 - 12z^2 + 18yz + 2zx + xy = 0$ అనేది ఒక జత తలములను సూచిస్తుందని నిరూపించండి. వాటి మధ్యగల కోణాన్ని కనుక్కోండి.

5. Find the equation of the tangent line to the circle $x^2 + y^2 + z^2 + 5x - 7y + 2z - 8 = 0$, $3x - 2y + 4z + 3 = 0$ and the point $(-3, 5, 4)$.

$(-3, 5, 4)$ బిందువు వద్ద $x^2 + y^2 + z^2 + 5x - 7y + 2z - 8 = 0$, $3x - 2y + 4z + 3 = 0$ వృత్తానికి స్పర్శ రేఖకు సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

BSMAT - S202

6. Find t , if the radius of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - t = 0$ is 6.

$x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - t = 0$ అనే గోళ వ్యాసార్థం 6 అయితే ' t ' విలువ కనుక్కోండి.

7. Find the equation of the cone whose vertex is $(1, 1, 0)$ and whose guiding curve is $y = 0, x^2 + z^2 = 4$.

$(1, 1, 0)$ శీర్షముగా $y = 0, x^2 + z^2 = 4$ భూవక్రంగా గల శంఖువు సమీకరణం కనుక్కోండి.

8. Find the equation to the right circular cylinder whose guiding circle is $x^2 + y^2 + z^2 = 9, x - y + z = 3$.

భూవక్రము $x^2 + y^2 + z^2 = 9, x - y + z = 3$ కలిగిన లంబవర్తుల స్తూపము యొక్క సమీకరణమును కనుగొనుము.

SECTION - B

(5 × 10 = 50)

II. Answer any Five of the following.

9. A variable plane is at a constant distance $3p$ from the origin and meets the axes in A, B, C. Show that the locus of the centroid of the ΔABC is $x^{-2} + y^{-2} + z^{-2} = p^{-2}$.

S-2042

[3]

[P.T.O.]

BSMAT - S202

ఒక చరతలము మూలబిందువు నుంచి ఎల్లప్పుడూ $3p$ దూరంలో ఉంటూ, నిరూపకాక్షాలను A, B, C వద్ద కలియుచున్నది. ΔABC యొక్క కేంద్రాభాసము $x^{-2} + y^{-2} + z^{-2} = p^{-2}$ అని చూపండి.

OR

10. Find the image of the line $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$ in the plane $2x + y + z = 6$.

$2x + y + z = 6$ తలంలో $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$ ప్రతిబింబాన్ని కనుక్కోండి.

11. Find the equation of the sphere which has its centre at the origin and touches the line $\frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+3}{2}$.

$\frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+3}{2}$ సూచించే సరళరేఖను స్పృశిస్తూ మూల బిందువు కేంద్రంగా గల గోళము సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

OR

BSMAT - S202

12. Find the shortest distance (S.D) and the equations of the line of S.D between the lines $3x - 9y + 5z = 0$
 $= x + y - z$ and $6x + 8y + 3z - 10 = 0 = x + 2y + z - 3$.

$3x - 9y + 5z = 0 = x + y - z$ మరియు $6x + 8y + 3z - 10 = 0 = x + 2y + z - 3$ రేఖల మధ్య అల్పతమ దూరమును, అల్పతమ సమీకరణములను కనుక్కోండి.

13. If $(-2, 1, -1)$ is a limiting point of a coaxial system for which $x + y + 2z = 0$ is the radical plane, then show that the other limiting point is $(-1, 2, 1)$.

$x + y + 2z = 0$ మూలతలంగా గల సమతల గోళ సరణికి ఒక అవధి బిందువు $(-2, 1, -1)$ అయితే రెండవ అవధి బిందువు $(-1, 2, 1)$ అని చూపండి.

OR

14. If the line $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$ represents one of the three mutually perpendicular generators of the cone $11yz + 6zx - 14xy = 0$, find the equations of the other two.

$11yz + 6zx - 14xy = 0$ అను శంఖువునకు గల మూడు పరస్పర

లంబజనకరేఖలలో ఒకరేఖ $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$ అయితే, మిగిలిన రెండు జనకరేఖలు కనుక్కోండి.

S-2042

[5]

[P.T.O.]

~~11. Find the shortest distance (S.D) and the equations of the line of S.D between the lines $3x - 9y + 5z = 0$
 $= x + y - z$ and $6x + 8y + 3z - 10 = 0 = x + 2y + z - 3$.~~

BSMAT - S202

15. Find the magnitude and the equations of the line of shortest distance between the lines

$$\frac{x-8}{3} = \frac{y+9}{-16} = \frac{z-10}{7}, \frac{x-15}{3} = \frac{y-29}{8} = \frac{z-5}{-5}$$

$$\frac{x-8}{3} = \frac{y+9}{-16} = \frac{z-10}{7}, \frac{x-15}{3} = \frac{y-29}{8} = \frac{z-5}{-5} \text{ రేఖల మధ్య}$$

కనిష్ఠదూరం పరిమాణాన్ని మరియు కనిష్ఠదూరరేఖల సమీకరణాలను కనుక్కోండి.

OR

16. Find the equation of the sphere through the circle $x^2 + y^2 + z^2 = 1$, $2x + 4y + 5z = 6$ and touching the plane $z = 0$.

$x^2 + y^2 + z^2 = 1$, $2x + 4y + 5z = 6$ వృత్తం గుండాపోతూ $z = 0$ తలను స్పృశించే గోళం సమీకరణాలను కనుక్కోండి.

17. The cylinder has the guiding curve given by $x^2 + y^2 = z^2$, $x + y + z = 0$ and its generators are parallel to z -axis, find its equation.

ఒక స్తూపమునకు భూవక్రము $x^2 + y^2 = z^2$, $x + y + z = 0$ మరియు దాని జనక రేఖలు z -అక్షమునకు సమాంతరముగా వున్నాయి, ఆ స్తూపము సమీకరణము కనుక్కోండి.

BSMAT - S202

OR

18. Show that the plane $3x + 12y - 6z - 17 = 0$ touches the conicoid $3x^2 - 6y^2 + 9z^2 + 17 = 0$. Find the point of contact.

$3x + 12y - 6z - 17 = 0$ అను తలము $3x^2 - 6y^2 + 9z^2 + 17 = 0$ అను శాంఖవజాన్ని స్పర్శిస్తుందని చూపి, స్పర్శ బిందువు కనుక్కోండి.



RA - 033

**B.Sc. DEGREE SUPPLEMENTARY EXAMINATION,
JULY/AUGUST - 2017**

FIRST YEAR

MATHEMATICS (Paper - I)

Differential Equations and Solid Geometry

(w.e.f. 2010-2011 Admitted Batch)

Time : 3 Hours

Max. Marks : 100

SECTION - A

(4 × 15 = 60)

Answer All questions.

1. a) i) Solve $\frac{dy}{dx} + (2x \tan^{-1} y - x^3)(1 + y^2) = 0$

$\frac{dy}{dx} + (2x \tan^{-1} y - x^3)(1 + y^2) = 0$ సాధించండి.

ii) Solve $(x^2 + y^2 + 2x)dx + 2ydy = 0$

$(x^2 + y^2 + 2x)dx + 2ydy = 0$ ను సాధించండి.

OR

b) i) Solve $\frac{dx}{z(x+y)} = \frac{dy}{z(x-y)} = \frac{dz}{x^2 + y^2}$

$\frac{dx}{z(x+y)} = \frac{dy}{z(x-y)} = \frac{dz}{x^2 + y^2}$ ను సాధించండి.

RA - 033

ii) Solve $p^3(x+2y)+3p^2(x+y)+(y+2x)p=0$

where $p = \frac{dy}{dx}$

$$p^3(x+2y)+3p^2(x+y)+(y+2x)p=0$$

ను సాధించండి where $p = \frac{dy}{dx}$.

2. a) i) Solve $y^2 \log y = xpy + p^2$

$y^2 \log y = xpy + p^2$ ను సాధించండి.

ii) Solve $[(D-1)^2(D^2+1)^2]y=0$

$[(D-1)^2(D^2+1)^2]y=0$ ను సాధించండి.

OR

b) i) Solve $(D^2-4)y = x \sin hx$

$(D^2-4)y = x \sin hx$ ను సాధించండి.

ii) Solve $(D^2+5D-6)y = \sin 4x \sin x$

$(D^2+5D-6)y = \sin 4x \sin x$ ను సాధించండి.

RA - 033

3. a) i) A plane meets the coordinate axes in A,B,C. If the centroid of ΔABC is (a,b,c) . Show that

$$\text{the equation to the plane } \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 3$$

ఒక తలం నిరూపకాక్షలను A,B,Cల వద్ద ఖండిస్తుంది. ABC త్రిభుజం కేంద్ర భాసం (a,b,c) అయితే ఆ తలం సమీకరణాన్ని

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 3 \text{ అని నిరూపించుము.}$$

- ii) Find the image of the line $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$ in the plane $2x + y + z = 6$.

$$2x + y + z = 6 \text{ తలంలో } \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{4}$$

ప్రతిబింభాన్ని కనుక్కోండి.

OR

- b) i) Prove that the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$;

$\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$ are Coplanar and find the equation to the plane containing the lines.

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}, \frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$$

సతలీయాలని చూపండి మరియు వాటి గుండా తలమును కనుక్కోండి.

S-2355

[3]

[P.T.O.]

RA - 033

ii) Find the radical centre of the sphere

$$x^2 + y^2 + z^2 + 4y = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 2y + 2z + 2 = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 2y + 8z + 6 = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 - x + 4y - 6z - 2 = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 + 4y = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 2y + 2z + 2 = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 2y + 8z + 6 = 0$$

$$x^2 + y^2 + z^2 - x + 4y - 6z - 2 = 0$$

గోళాల మూలకేంద్రం కనుగొనండి.

4. a) Show that the plane $x + 2y + 3z = 2$ touches the conicoid $x^2 - 2y^2 + 3z^2 = 2$ and find the point of contact.

$x + 2y + 3z = 2$ అను తలము $x^2 - 2y^2 + 3z^2 = 2$ అను శంఖవజాన్ని స్పర్శిస్తుందని చూపి స్పర్శ బిందువును కనుక్కోండి.

OR

b) Find S.D. and the equation of the line of S.D between the lines

$$3x - 9y + 5z = 0 = x + y - z \text{ and}$$

$$6x + 8y + 3z - 10 = 0 = x + 2y + z - 3$$

పై రేఖల మధ్య అల్పతమ దూరమును, అల్పతమ సమీకరణములను కనుక్కోండి.

S-2355

[4]

RA - 033

SECTION - B

(6 × 4 = 24)

Answer any Six questions.

5. Solve $\frac{d^2y}{dx^2} - \cot x \frac{dy}{dx} - (1 - \cot x)y = e^x \sin x$.

$\frac{d^2y}{dx^2} - \cot x \frac{dy}{dx} - (1 - \cot x)y = e^x \sin x$ ను సాధించండి.

6. Solve $x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + y = \log x$

$x^2 \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + y = \log x$ ను సాధించండి.

7. Solve $(D^4 - 2D^3 + 2D^2 - 2D + 1)y = 0$

$(D^4 - 2D^3 + 2D^2 - 2D + 1)y = 0$ ను సాధించండి.

8. Solve $Dx - Dy = t, Dx - Dy = t^2$

$Dx - Dy = t, Dx - Dy = t^2$ ను సాధించండి.

RA - 033

9. Find the enveloping cone of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y = 0$ with its vertex at $(1, 1, 1)$.

$(1, 1, 1)$ వర్త శీర్షము ఉండి $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y = 0$ అను గోళమునకు స్పర్శ తంఖువు సమీకరణమును కనుక్కోండి.

10. Prove that the lines

$$\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{5} = \frac{z+5}{7}, \frac{x-2}{1} = \frac{y-4}{3} = \frac{z-6}{5} \text{ intersect. Find}$$

the point of intersection and the plane in which they lie.

$$\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{5} = \frac{z+5}{7}, \frac{x-2}{1} = \frac{y-4}{3} = \frac{z-6}{5} \text{ రేఖలు}$$

ఛేదించుకొంటాయని చూపండి ఛేదన బిందువును వ్యవస్థితమయ్యే తలాన్ని కనుక్కోండి.

11. Find the bisecting plane of acute angle between the planes $3x - 2y + 6z + 2 = 0$, $2x - y + 2z + 2 = 0$

$3x - 2y + 6z + 2 = 0$, $2x - y + 2z + 2 = 0$ తలాల మధ్య గల లఘు కోణం యొక్క సమద్విఖండన తలమును కనుక్కోండి.

12. Find t , of the radius of the sphere $x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - t = 0$ is 6.

$x^2 + y^2 + z^2 + 6x - 8y - t = 0$ అనే గోళ వ్యాసార్థం '6' అయితే t విలువ కనుక్కోండి.

S-2355

RA - 033

SECTION - C

(8 × 2 = 16)

Answer All questions.

13. Solve $xdy - (y - x)dx = 0$.

$xdy - (y - x)dx = 0$ ను సాధించండి.

14. Solve $y'' - y = \sin x$

$y'' - y = \sin x$ ను సాధించండి.

15. Solve $(D^3 + 1)y = 0$

$(D^3 + 1)y = 0$ ను సాధించండి.

16. Solve $xe^{x^2+y} = y \frac{dy}{dx}$

$xe^{x^2+y} = y \frac{dy}{dx}$ ను సాధించండి.

17. Find the angle between the planes $2x - 3y - 6z = 6$ and

$6x + 3y - 2z = 18$

$2x - 3y - 6z = 6$ మరియు $6x + 3y - 2z = 18$ తలల మధ్య కోణములను కనుక్కోండి.

S-2355

[7]

[P.T.O.]

18. Define Elliptic and Hyperbolic paraboloids.

దీర్ఘవృత్తజ, అతి సరావలయ సరావలయజమును నిర్వచింపుము.

19. What is the radius of the common circle of two spheres of radius r_1 and r_2 cutting orthogonally?

r_1 మరియు r_2 వ్యాసార్థముగల రెండు గోళాలు లంబ ఛేదము చేసుకొంటుంటే ఆ ఉమ్మడి వృత్తము వ్యాసార్థము ఎంత?

20. Find the length of the tangent line from the point $(3, 1, -1)$ to the sphere $x^2 + y^2 + z^2 - 3x + 5y + 7 = 0$

$(3, 1, -1)$ నుండి $x^2 + y^2 + z^2 - 3x + 5y + 7 = 0$ గోళానికి స్పర్శరేఖ పొడవును కనుక్కోండి.

